

ECUACIONES EN DERIVADAS PARCIALES y SERIES DE FOURIER

3º de Matemáticas (y 4º PES), Curso 2017-18

Objetivos: *introducción a las ecuaciones en derivadas parciales (EDPs) y sus técnicas más clásicas de resolución, entre ellas los desarrollos en serie de Fourier. En particular, formular, analizar, y cuando sea posible, resolver, algunas de las EDPs más importantes, incluyendo las ecuaciones del calor, de Laplace y de ondas.*

1. Ejemplos clásicos de EDPs

- La ecuación de la cuerda vibrante. Planteamiento físico. Solución de D'Alembert y método de separación de variables. Significado de las condiciones de contorno. Propiedades básicas: velocidad propagación finita, conservación energía.
- La ecuación del calor. Planteamiento físico. Método de resolución de Fourier. Significado de las condiciones de contorno. Propiedades básicas: propagación infinita, conservación energía.
- La ecuación de Laplace: Significado físico. Condiciones de contorno de Dirichlet y Neumann. Cambio a coordenadas polares, y resolución por separación de variables. Propiedades: principio del máximo, unicidad, propiedad valor medio.

2. Teoría de las series de Fourier

El concepto de serie de Fourier. Primeros ejemplos. Criterio de convergencia de Dini. Series de Fourier en L^2 y fórmula de Parseval. Convoluciones. Núcleos de Dirichlet y de Féjer. Convergencia uniforme de las medias de Césaró. Algunas aplicaciones.

3. Más sobre Ecuaciones en Derivadas Parciales

- Sistemas de Sturm-Liouville. Autovalores y bases de autofunciones. Funciones de Bessel.
- Ecuaciones de Laplace, del calor, y de la membrana vibrante en dominios rectangulares y circulares. Significado y análisis de las soluciones.
- Ecuación de ondas en R^2 y R^3 . Fórmulas explícitas. Consecuencias: unicidad, dominio de propagación, principio Huygens, concentración singularidades. Ecuación no homogénea y fórmula de Duhamel.
- Otros temas: transformada de Fourier, funciones armónicas, ejemplos de EDPs no lineales,...

Textos recomendados:

- I.Peral, *Primer curso de Ecuaciones en Derivadas Parciales*, Addison-Wesley, 1995
G. Folland, *Fourier Analysis and its Applications*, Amer Math Soc, 2009.
E.Stein, R.Shakarchi, *Fourier Analysis: An introduction*. Princeton University Press, 2003
R.Churchil, J.Brown, *Fourier series and boundary value problems*, 7ª ed, McGraw Hill, 2008
R.Haberman, *EDPs, series de Fourier y problemas de contorno*, 3ª ed., Prentice-Hall, 2003
L. Evans, *Partial Differential Equations*, 2nd Ed, Amer Math Soc, 2010.

Profesor: Gustavo Garrigós **Web:** webs.um.es/gustavo.garrigos

Despacho: 1.10. **Tutorías:** J 12:00-14:00 ó cita previa

Fechas de examen: final 12 junio (m), extraordinario 12 julio (m)

Calificación final: Se obtendrá de la fórmula

$$\text{máx}\{ 0,7 \text{ EF} + 0,3 \text{ EC}, \text{ EF} \} \quad \text{donde}$$

EF= nota del examen final

EC= calificación media de las pruebas de evaluación continua (tests de problemas).

Además, se valorará positivamente la participación del alumno mediante la resolución de ejercicios en la pizarra.